

ВАРИАНТ 205

1. Найдите целое число, ближайшее к числу $2\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6}\right)$.
2. Дана геометрическая прогрессия. Её четвёртый член равен 5, а член с номером 54 равен 160. Найдите член этой прогрессии с номером 64.
3. Решите уравнение $9 \operatorname{tg}^2 x - 2 \cos 2x = 2$.
4. Решите неравенство $8 + \log_{\sqrt{x}} 8 \leq 4 \log_x \sqrt{17x^2 - 2}$.
5. Произведение оснований трапеции равно 18. Найдите периметр трапеции, если известно, что в неё вписана окружность, а диагонали делят среднюю линию на три равные части.
6. В основании четырёхугольной пирамиды $ABCD$ лежит параллелограмм $ABCD$. На ребре SB отмечена точка E , так что $SE : EB = 2 : 1$. На ребре SD отмечена точка F , так что $SF : FD = 1 : 2$. Найдите отношение, в котором плоскость AEF делит объём пирамиды.
7. Найдите все положительные значения параметра a , при которых сумма различных корней уравнения

$$\log_2(ax) + \log_2(1-x) = \cos((x-x^2)a\pi)$$

максимальна.